

CONTROLE FLASH - PYTHON (45 minutes)

DATE : Novembre 2016

GROUPE : 3

NOM :

PRENOM :

Q1. Complétez les lignes vides dans la session ci-dessous au toplevel.

```
>>> L = [[i,i+1] for i in range(3)]
>>> L

>>> L[0] = L[1]
>>> L

>>> L[0][0] = L[0][0] + 1
>>> L

>>> L[1] = 0
>>> L
```

Q2. Sans aucune **def**, rédigez un petit programme Python affichant le nombre d'entiers premiers inférieurs à 100000 et ne comportant pas le chiffre 2, ainsi que le plus grand d'entre eux. On suppose qu'il existe une fonction **est_premier(n)** retournant True ou False suivant que n est premier ou pas. *Pour ce problème (de niveau ccl) vous n'êtes pas obligé d'utiliser une liste.*

Q3a. Programmez une fonction **liste(f, p, a, b)** prenant deux fonctions f et p définies sur les entiers, ainsi que deux entiers $a \leq b$. Cette fonction retournera la liste des f(x) pour tous les entiers $x \in [a,b]$ vérifiant p (donc tels que p(x) vaut True).

```
def liste(f,p,a,b) :
```

Q3b. Comment utiliseriez-vous en une seule ligne au toplevel la fonction **liste** ci-dessus pour voir la liste des carrés des nombres premiers de [5,15] ? Utilisez la fonction **est_premier** de Q2.

```
>>> liste(  
[25, 49, 121, 169]
```

Q4a. Programmez une fonction **promenade(n)** prenant un entier $n > 0$. Cette fonction va demander à la tortue d'avancer n fois de 50 pixels mais en tournant auparavant chaque fois d'un angle aléatoire. Après chaque avancée de 50 pixels, vous stockerez la position (x,y) de la tortue dans une liste de tuples et cette liste sera retournée comme *résultat* de la fonction **promenade**. Exemple :

```
promenade(4) --> [(15.45,-47.55), (62.73,-31.27), (19.00,-55.51), (-29.91,-45.12)]
```

```
def promenade(n) :                # on suppose turtle déjà importé
```

Q4b. Soit $L = \text{promenade}(20)$. Sans aucun *def*, écrivez quelques lignes de code Python permettant d'afficher un point (x,y) le plus bas de la liste L (donc avec y minimum) atteint par la tortue. On trouverait (19.00,-55.51) dans l'exemple précédent.

Q5. On rappelle l'algorithme du calcul **dichotomique** de a^n par **récurrence**, pour a réel et n entier ≥ 0 :

$$a^0 = 1 \quad a^{10} = (a^2)^5 \quad a^{11} = a \times a^{10}$$

Appliquez cet algorithme aux **polynômes creux** en programmant *en 3 lignes* une fonction **puis(p, n)** prenant un polynôme creux p et un entier $n \geq 0$, et retournant le polynôme creux p^n .

```
puis([[1,1],[-1,0]],3) == [[1,3],[-3,2],[3,1],[-1,0]]          #  $(X-1)^3 = X^3-3X^2+3X-1$ 
```

```
def puis(p,n) :                # par récurrence, et dichotomie  
    if
```