

- La taille des entiers n'est limitée que par la mémoire de la machine :

```
>>> 874121921611478384371591419 ** 10
260447454985660585245180084757921014509252146181223003
455270044550605023694309556482234857745408080127776885
578607664767325495386096105286268494775055260671252317
663749619931275002342815836733596266389781703659821356
427940431697254607426485624871372306773584664397463801
```

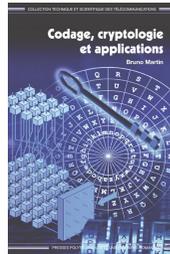
- On dit improprement que l'on travaille avec des nombres entiers *en précision infinie* ! On dit aussi que *le calcul entier est exact*.

- Cette propriété est importante pour les problèmes de **cryptologie** par exemple (codes secrets). Il est difficile de décomposer :

1527347820637235623261830898781760040741

en produit de facteurs premiers !

Et pourtant, indication : il n'y en a que deux...



7

Programmer avec des variables

- Un peu comme les *inconnues* en Algèbre, sauf qu'ici une variable devra être *connue* et contenir une valeur...

```
>>> a = 2 # lire : a prend pour valeur 2
>>> p = 10 # p prend pour valeur 10
>>> c = a ** p # c prend pour valeur celle de a^p
>>> c
1024
```

a	→	2
p	→	10
c	→	1024

variable = expression

- Ce signe = non commutatif n'a rien à voir avec celui des maths !
- L'écriture `2 + 3 = a` n'aura donc aucun sens !!

```
>>> 2 + 3 = a
SyntaxError: can't assign to operator
```

```
>>> a = 2 + 3
>>> a
5
```

- On dit que `a = 2 + 3` est une **instruction d'affectation**.

8

- Ne confondez pas les **EXPRESSIONS** et les **INSTRUCTIONS**, qui toutes deux vont contenir des variables. Une expression sera *calculée*, tandis qu'une instruction sera *exécutée* !

Expression

a vaut 5
x vaut 3

`a * x ** 2` → 45

```
>>> a * x ** 2
45
```

Instruction

a vaut 5
x vaut 3

`c = a * x ** 2` → *Aucun résultat*

```
>>> c = a * x ** 2
>>>
```

- Une **variable** a le droit de **changer de valeur** !

```
>>> a = 2
>>> b = a # la valeur de a est calculée puis c'est elle qui est transmise à b
>>> a = a + 1 # qui se lit : a devient égal à la valeur de a + 1
>>> b
2 # et non 3, ok ?
```

9

- Exemple : **échange de deux variables**. On utilise une variable temporaire.

```
>>> a = 2
>>> b = 3
```

```
>>> temp = a
>>> a = b
>>> b = temp
```

```
>>> a
3
>>> b
2
```

- L'opérateur d'**égalité** mathématique se note ==

```
>>> a == 3
True
```

```
>>> b == 3
False
```

```
>>> True == False
False
```

- Les valeurs True et False sont les **valeurs booléennes** :

```
>>> a > 3
False
```

```
>>> a + 1 >= 3
True
```

```
>>> a + 1 < 3
False
```

- Dans le contexte d'une expression arithmétique, True == 1 et False == 0. **Évitez** d'utiliser ce genre de facilités très laides !

```
>>> 5 + True
6
```

```
>>> True * False
0
```

```
>>> True == False + 1
True
```

10

Affichage de résultats avec print(...)

- La fonction print(...) permet d'afficher une suite d'expressions :

```
>>> a = 2
>>> print('Le carré de a vaut',a*a,'et non 5')
Le carré de a vaut 4 et non 5
>>>
```

espace automatique

- Ce qui est affiché en bleu n'est pas le résultat de la fonction print, mais l'effet de cette fonction. La fonction print n'a aucun résultat ! Ou plutôt son résultat est **None**, qui ne s'affiche pas...

```
>>> print(5) == None
5
True
>>> x = None
>>> x
>>>
```

l'effet de print(5)

le résultat du test d'égalité

None est une valeur spéciale signifiant "rien"...

11

Rédaction de textes dans l'éditeur IDLE

- Le travail interactif au *toplevel* est pratique pour de petits calculs. Mais mieux vaut en général travailler dans l'*éditeur intégré* IDLE.

The image shows two screenshots of the IDLE Python IDE. The top screenshot shows the 'New File' dialog box with 'Python Shell' selected. The bottom screenshot shows the main editor window with a file named 'essai.py' open. The code in the editor is:

```
a = 100
print('a =',a)
a = 100
print('a vaut',a)
```

 The 'Run Module' button is highlighted, and a 'Save Before Run or Check' dialog box is shown with 'OK' selected. A 'RESTART' button is also visible in the bottom screenshot.

12

Conditionnelle : la prise de décisions if

- L'instruction conditionnelle if permet de prendre une décision :

```
a = -2
if a > 0 :
    print(a,'est positif')
else :
    print(a,'est négatif ou nul')
```

Run → -2 est négatif ou nul

- Au *toplevel*, c'est moins agréable, il faut terminer par une ligne vide.

```
>>> a = -2
>>> if a > 0 :
>>>     print(a,'est positif')
>>> else :
>>>     print(a,'est négatif ou nul')
>>>
```

----- ligne vide, OVER, à toi !
-2 est négatif ou nul

13

- La bonne distance à la marge d'une ligne (**indentation**) doit être respectée. Elle permet de structurer et de comprendre un programme :

```
| a = -2
| if a > 0 :
|     print(a,'est positif')
| else :
|     print(a,'est négatif ou nul')
```

- Un **bloc** d'instructions est une suite d'instructions alignées à la verticale. Vous voyez ci-dessus un bloc formé de deux instructions.

```
a = -2
if a > 0 :
    print(a,'est positif')
else :
    print(a,'est négatif ou nul')
```

Run → SyntaxError: unexpected indent

- UNE **INDENTATION CORRECTE** EST **OBLIGATOIRE EN PYTHON**.

14

- Les mots-clés **and** et **or** ressemblent à ceux de la Logique :

p	True	True	False	False
q	True	False	True	False
p and q	True	False	False	False
p or q	True	True	True	False

and
or

- Mais en Python, ils sont **court-circuités** :

```
>>> a = -2
>>> x == 3
NameError: name 'x' is not defined
>>> (a > 0) and (x == 3)
False
```

- L'expression `x == 3` n'a pas été évaluée car `False and ? == False`
- La priorité de `and` étant plus faible que celle des opérations arithmétiques, on aurait pu écrire : `a > 0 and x == 3`. Dans le doute, mieux vaut mettre des parenthèses !

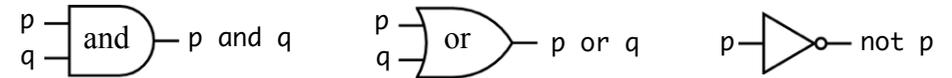
15

- Idem pour le mot-clé **or** :

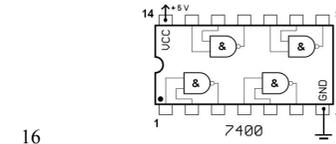
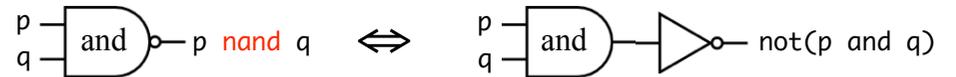
```
>>> a = -2
>>> (a < 0) or (x == 3)
True
```

car `True or ? == True`

- En électronique numérique, on représente `and`, `or` et `not` par des **portes logiques** :



- Le mot-clé `not` inverse les valeurs `True` et `False`. C'est l'**inverseur**...
- Les constructeurs d'ordinateurs utilisent beaucoup la porte `nand` :



16

Les fonctions prédéfinies de Python

- Tous les langages de programmation fournissent un large ensemble de **fonctions** prêtes à être utilisées. Exemple dans les entiers :

```
>>> 5 * 2 ** 3 # les opérateurs arithmétiques sont des fonctions cachées
40
>>> abs(-5) # la fonction "valeur absolue" est prédéfinie
5
```

- Certaines fonctions résident dans des **modules** spécialisés, comme `fractions`, `math`... Il faut consulter la documentation en ligne !

```
>>> gcd(18,12) # je veux calculer un PGCD
NameError: name 'gcd' is not defined
>>> import fractions # importation du module fractions
>>> fractions.gcd(18,12) # le mot gcd seul reste inconnu !
6
>>> from fractions import gcd # importation du seul mot gcd
>>> gcd(18,12) # le mot fractions reste inconnu !
6
```

17

Comment définir une nouvelle fonction ?

- Soit à définir la fonction $f : n \mapsto 2n - 1$

```
def f(n) :
    return 2 * n - 1
print('f(5) vaut', f(5))
```

IDLE

➔

Run

f(5) vaut 9

- Notez l'indentation (automatique en principe)...
- Le mot `return` signifie "**le résultat est...**". On dit que la fonction **retourne un résultat** (à celui qui a demandé le calcul).
- Il n'est nulle part dit que `n` est un entier. On peut aussi utiliser `f` sur les réels approchés voire même sur les complexes :

```
>>> f(5)
9
>>> f(5.2)
9.4
>>> f(2+3j) # j au lieu de i
(3+6j)
```

18

- Comment définir la valeur absolue si elle n'existait pas ?

```
def val_abs(n) :
    if n > 0 :
        return n
    else :
        return -n

print('|-5| vaut',val_abs(-5))
```

IDLE



| -5 | vaut 5

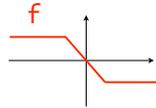
Run

- Les choix multiples avec `if ... elif ... elif ... elif ... else ...` :

```
def f(x) :
    if x < -1 :
        return 1
    elif x <= 1 :
        return -x
    else :
        return -1
```



```
def f(x) :
    if x < -1 :
        return 1
    else :
        if x <= 1 :
            return -x
        else :
            return -1
```



19

Générer des entiers au hasard

- Il faut importer la fonction `randint(...)` du module `random` :

```
from random import randint
```

- Avec $a \leq b$ entiers, `randint(a,b)` retourne un entier aléatoire de l'intervalle $[a,b]$.

↓
pseudo-aléatoire !
- Ex: `2 * randint(0,10)` retourne un entier pair aléatoire de $[0,20]$.
- Une fonction `jet35()` sans arguments qui tire 3 ou 5 au hasard :

```
def jet35() :
    if randint(0,1) == 0 :
        return 3
    else :
        return 5
```

IDLE

```
>>> jet35()
3
>>> jet35()
5
>>> jet35()
5
.....
```

21

- Comment savoir si deux entiers n'ont que 1 comme diviseur commun ?

```
def premiers_entre_eux(p,q) :
    if gcd(p,q) == 1 :
        return True
    else :
        return False
```

IDLE



```
def premiers_entre_eux(p,q) :
    return gcd(p,q) == 1
```

```
>>> premiers_entre_eux(21,6)
False
>>> premiers_entre_eux(21,8)
True
```



```
def premiers_entre_eux(p,q) :
    if gcd(p,q) == 1 :
        return True
    return False
```

Le mot clé `return` provoque un échappement. Le reste du texte de la fonction est abandonné !

- Vous voyez qu'il existe différentes manières de coder une fonction. Elles se distinguent par leur **efficacité**, mais aussi leur **élégance**.

20